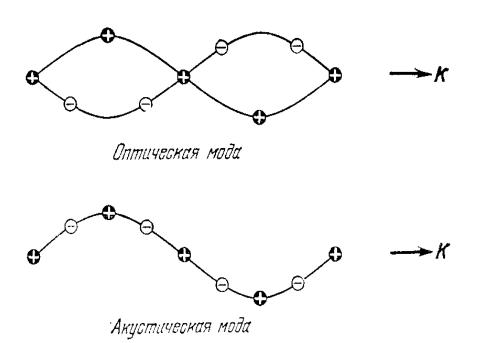
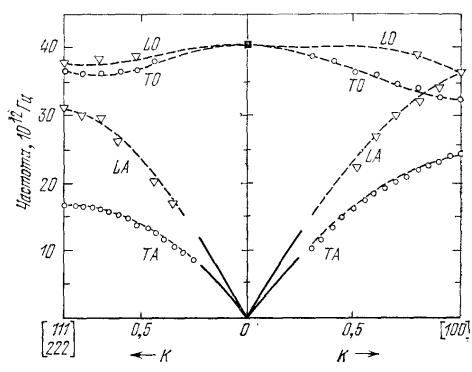
Optical phonons



Поперечные оптические и поперечные акустические волны одинаковой длины волны в двухатомной линейной решетке, иллюстрирующие колебания частиц двух видов.



Экспериментальные дисперсионные кривые зависимости частоты от К для алмаза в направлениях [100] и [111],

Optical phonons and dielectric function

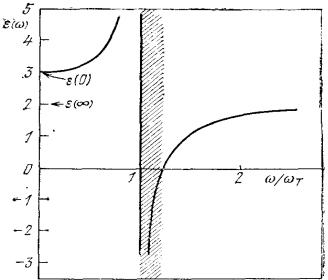
In electric field the equations of motion for the displacements u and v become

$$-\omega^2 M_1 u = 2C (v - u) + eE, \quad -\omega^2 M_2 v = 2C (u - v) - eE.$$

which gives
$$u-v=\frac{eE/\mu}{\omega_T^2-\omega^2}$$
, where $\frac{1}{\mu}\equiv\frac{1}{M_1}+\frac{1}{M_2}$, $\omega_T^2\equiv\frac{2C}{\mu}$

For ionic crystal the electric polarization is $P=Ne~(u-v)=\frac{Ne^2/\mu}{\omega_r^2-\omega^2}~E$.

The dielectric function $\varepsilon\left(\omega\right) = \varepsilon\left(\infty\right) + \frac{\omega_{T}^{2}}{\omega_{T}^{2} - \omega^{2}} \left[\varepsilon\left(0\right) - \varepsilon\left(\infty\right)\right],$



This gives
$$\varepsilon(\omega) = \varepsilon(\infty) \frac{\omega_L^2 - \omega^2}{\omega_T^2 - \omega^2}$$
 where $\frac{\omega_T^2}{\omega_L^2} = \frac{\varepsilon(\infty)}{\varepsilon(0)}$

In the "forbidden" frequency region:

$$\omega_T^2 < \omega^2 < \omega_L^2 \equiv \omega_T^2 \frac{\varepsilon(0)}{\varepsilon(\infty)}$$

phonons do not propagate in a solid (full reflection).